

**Diethard Thieme  
Skripte zur Baumechanik**

**Übungen  
mit  
Lösungen  
BM 48**

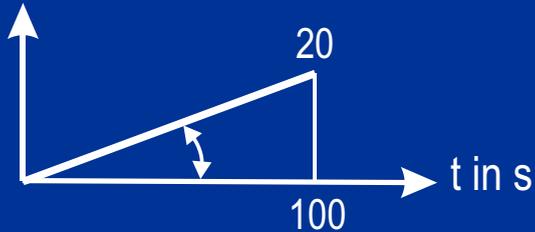
## Aufgabe 1

Ein Fahrzeug braucht 100 s, bis es eine Geschwindigkeit von 20 m/s erreicht hat. Der Anstieg der Geschwindigkeit erfolgt linear.

Anfangswerte:  $s_0 = 0$ ,  $v_0 = 0$ .

Gesucht: Bewegungsgleichungen und Bewegungsdiagramme  $a(t)$ ,  $v(t)$  und  $s(t)$ . Die Lösung steht auf der nächsten Seite.

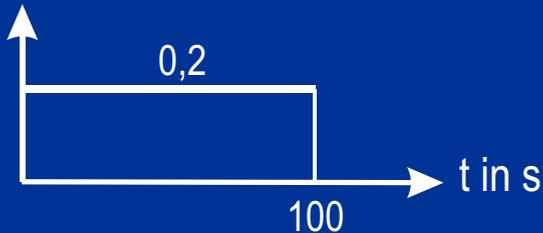
v in m/s



Lösung für Aufgabe 1

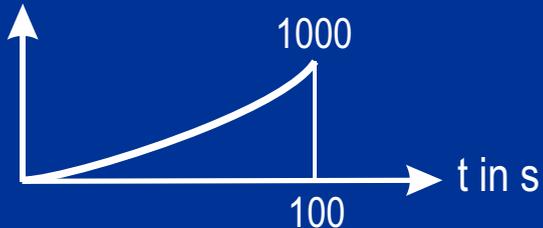
$$v = c t = (\tan \quad ) t = \frac{20}{100} t = 0,2 t$$

a in m/s<sup>2</sup>



$$a = \frac{dv}{dt} = 0,2$$

s in m



$$s = \int v dt = \int 0,2 t dt = 0,1 t^2 + C$$

Bei t = 0 ist s = 0 daraus C = 0

$$s = 0,1 t^2$$

$$s(t = 100) = 1000$$

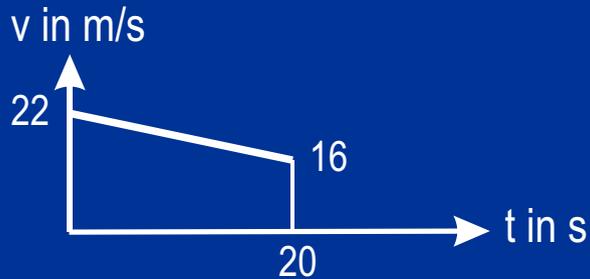
## Aufgabe 2

Vor dem Befahren einer Kurve mäßigt ein Fahrzeug seine Geschwindigkeit von 22 m/s auf 16 m/s linear in einer Zeit von 20 s ab.

Anfangswert:  $s_0 = 0$  am Beginn des Bremsvorganges.

Gesucht: Bewegungsgleichungen und Bewegungsdiagramme  $a(t)$ ,  $v(t)$  und  $s(t)$ .

Die Lösung steht auf der nächsten Seite.



## Lösung für Aufgabe 2

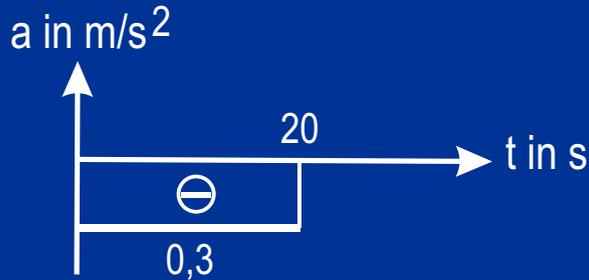
$$v = c t + d$$

Bei  $t = 0$  ist  $v = 22$  daraus  $d = 22$

Bei  $t = 20$  ist  $v = 16$  daraus  $c = -0,3$

$$v = -0,3 t + 22$$

$$a = \frac{dv}{dt} = -0,3$$

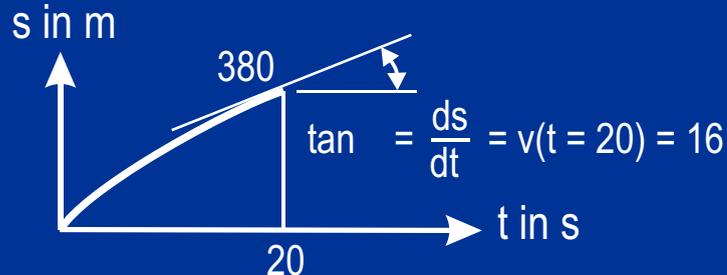


$$s = \int v dt = -0,15 t^2 + 22 t + C$$

Bei  $t = 0$  ist  $s = 0$  daraus  $C = 0$

$$s = -0,15 t^2 + 22 t$$

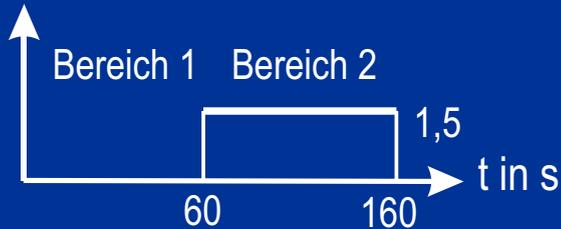
$$s(t = 20) = 380$$



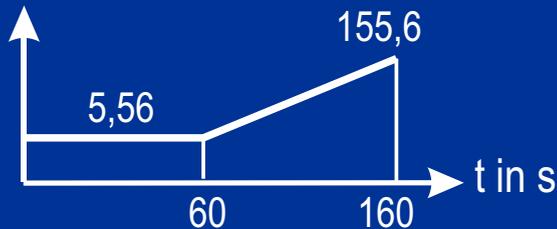
### Aufgabe 3

Ein Fahrzeug fährt eine Minute mit einer konstanten Geschwindigkeit von 20 km/h. Nach dieser Zeit wird das Fahrzeug 100 s lang konstant beschleunigt mit  $a = 1,5 \text{ m/s}^2$ .  
Gesucht: Bewegungsgleichungen und Bewegungsdiagramme  $a(t)$ ,  $v(t)$  und  $s(t)$ .  
Die Lösung steht auf der nächsten Seite.

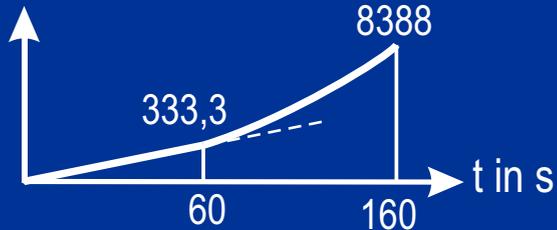
a in m/s<sup>2</sup>



v in m/s



s in m



Lösung für Aufgabe 3

**Jeder Bereich beginnt mit t = 0.**

Bereich 1: a = 0

Bereich 2: a = 1,5

Bereich 1: v = 20 km/h = 5,56 m/s

Bereich 2:  $v = \int a \, dt = \int 1,5 \, dt = 1,5 t + C$

Bei t = 0 ist v = 5,56 daraus C = 5,56

$v = 1,5 t + 5,56$  daraus v (t = 100) = 155,6

Bereich 1:  $s = \int v \, dt = \int 5,56 \, dt = 5,56 t + C$

Bei t = 0 ist s = 0 daraus C = 0

$s = 5,56 t$  daraus s (t = 60) = 333,3

Bereich 2:  $s = \int v \, dt = 0,75 t^2 + 5,56 t + C$

Bei t = 60 ist s = 333,3 daraus C = 333,3

$s = 0,75 t^2 + 5,56 t + 333,3$  daraus s (t = 100) = 8388

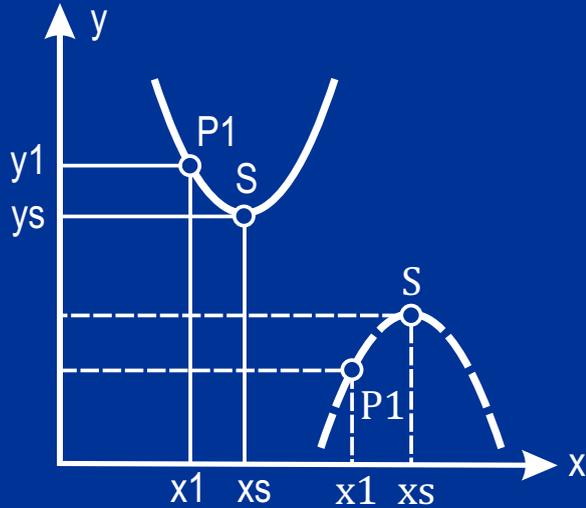
## Aufgabe 4

Die Geschwindigkeit eines Fahrzeugs wird im Verlauf von 3 Minuten parabolisch von 20 km/h auf  $v = 0$  abgemindert.

Gesucht: Bewegungsgleichungen und Bewegungsdiagramme  $a(t)$ ,  $v(t)$  und  $s(t)$ .

Der Scheitel der Parabel im  $v$ -Diagramm liegt am Beginn des Bremsweges.

Die Lösung steht auf den nächsten beiden Seiten.



Allgemeine Formel der Parabel

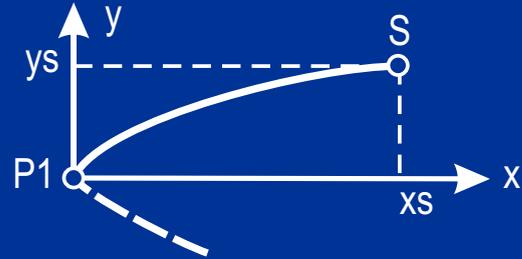
$$y = x^2 + x +$$

$$= \frac{y_1 - y_s}{(x_1 - x_s)^2}$$

$$= -2 x_s$$

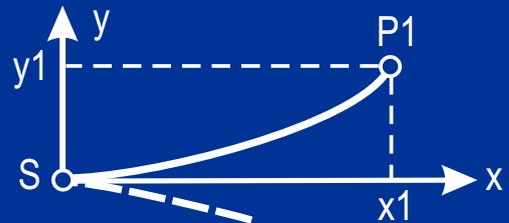
$$= y_s + x_s^2$$

Koordinaten von  
"S" und "P1"  
mit Vorzeichen  
einsetzen



Sonderfall 1:  $x_1 = y_1 = 0$

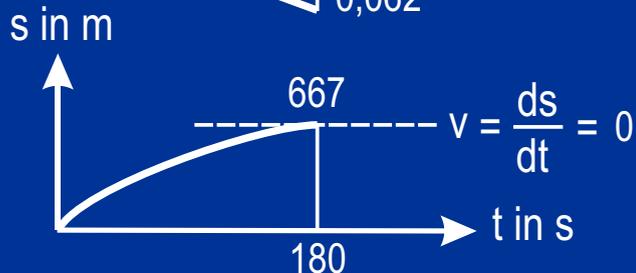
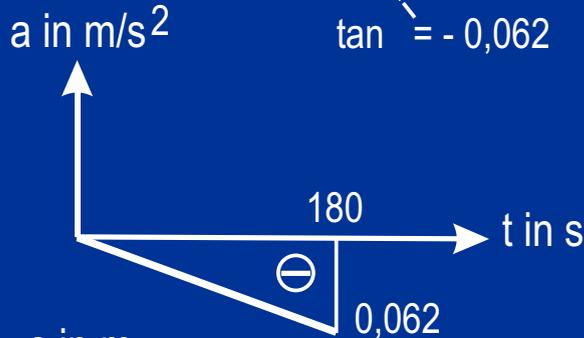
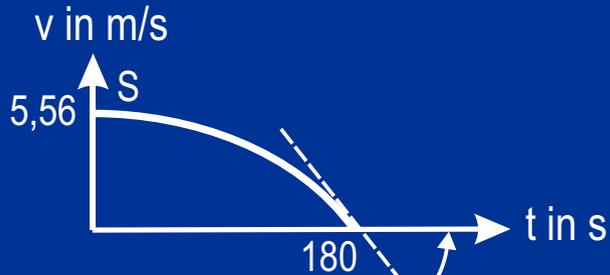
$$y = -\frac{y_s}{x_s^2} x^2 + 2 \frac{y_s}{x_s} x$$



Sonderfall 2:  $x_s = y_s = 0$

$$y = \frac{y_1}{x_1^2} x^2$$

## Lösung für Aufgabe 4



$$v(t = 0) = 20 \text{ km/h} = 5,56 \text{ m/s}$$

Nach der allgemeinen Formel für die Parabel

$$x_s = 0 \quad y_s = 5,56 \quad x_1 = 180 \quad y_1 = 0$$

$$v = -0,000171 x^2 + 5,56$$

$$a = \frac{dv}{dt} = -0,000342 t$$

Für  $t = 180$  daraus  $a = -0,062$

$$s = \int v dt = -0,000057 t^3 + 5,56 t + C$$

Bei  $t = 0$  ist  $s = 0$  daraus  $C = 0$

$$s = -0,000057 t^3 + 5,56 t$$

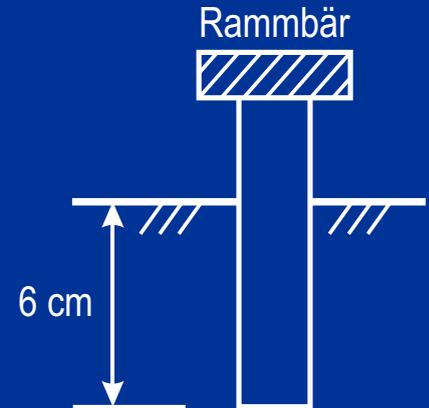
$$s(t = 180) = 667$$

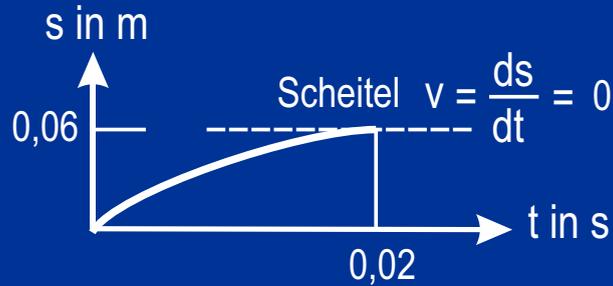
## Aufgabe 5

Ein Rammbar bewegt sich nach dem Aufschlag auf den Pfahl zusammen mit ihm noch 0,02 s lang, wobei der Pfahl 6 cm in die Erde rutscht.

Es ist die Anfangsgeschwindigkeit der Pfahlbewegung zu bestimmen, wenn eine gleichförmige (konstante) Verzögerung angenommen wird.

Gesucht: Bewegungsgleichungen und Bewegungsdiagramme  $a(t)$ ,  $v(t)$  und  $s(t)$ . Die Lösung steht auf der nächsten Seite.



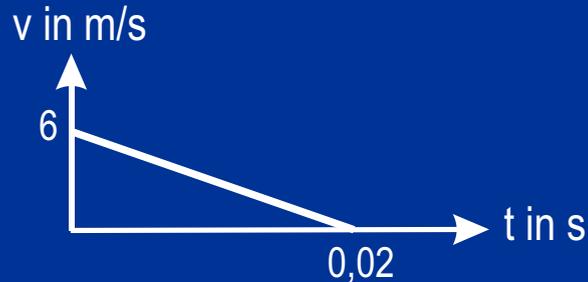


## Lösung für Aufgabe 5

Nach der allgemeinen Formel für die Parabel  
Sonderfall 1 :  $x_1 = y_1 = 0$  (siehe Aufgabe 4)

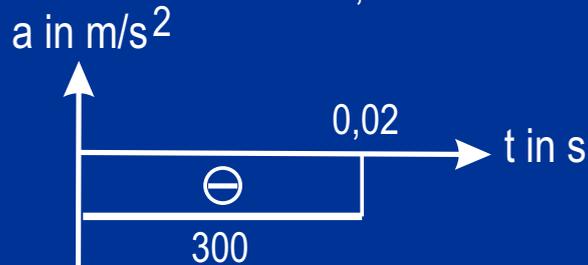
$$s = - \frac{0,06}{0,02^2} t^2 + 2 \frac{0,06}{0,02} t$$

$$s = - 150 t^2 + 6 t$$



$$v = \frac{ds}{dt} = - 300 t + 6$$

$v(t=0) = 6$  Anfangsgeschwindigkeit



$$a = \frac{dv}{dt} = - 300$$

## Aufgabe 6

Ein Körper rutscht aus der Ruhelage auf einer schiefen Ebene herunter.

Gesucht sind die

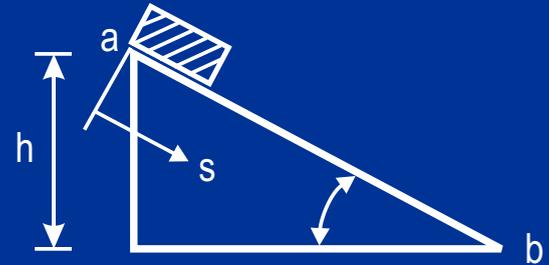
Bewegungsgleichungen und die  
Bewegungsdiagramme  $a_n(t)$ ,

$a_t(t)$ ,  $v(t)$ ,  $s(t)$  und die

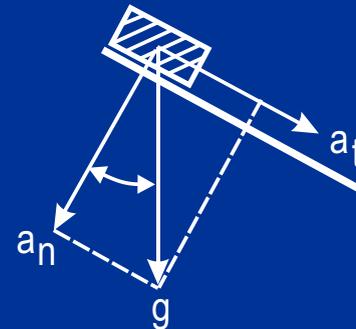
Endgeschwindigkeit im Punkt "b".

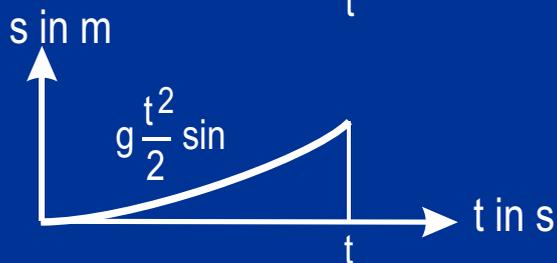
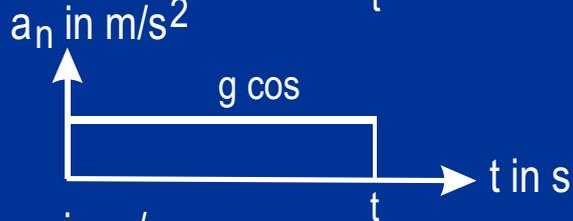
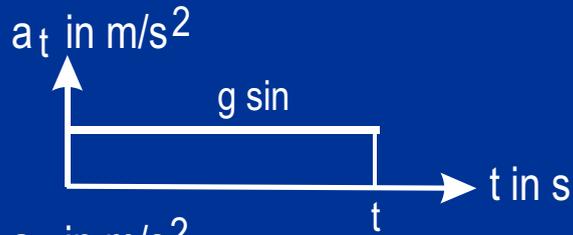
Wie groß ist die Endgeschwindigkeit  
beim freien Fall aus der Höhe  $h$ ?

Die Lösung steht auf der nächsten  
Seite.



Die Erdbeschleunigung  $g$  zerlegen  
in die Normalbeschleunigung  $a_n$   
und die Tangentialbeschleunigung  $a_t$





Lösung für Aufgabe 5

$$a_t = g \sin$$

$$a_n = g \cos$$

$$v = \int a_t dt = g t \sin \quad (1)$$

$$s = \int v dt = g \frac{t^2}{2} \sin \quad \text{daraus } t = \sqrt{\frac{2s}{g \sin}} \quad (2)$$

(2) eingesetzt in (1)

$$v = \sqrt{2sg \sin} \quad \text{Geschwindigkeit in "b"} \quad (3)$$

Für den freien Fall gilt in (3):  $s \sin = h$

$$v = \sqrt{2gh} \quad \text{Geschwindigkeit beim freien Fall aus der Höhe } h$$

